

SISTEMAS DE OTIMIZAÇÃO, ESTUDO CONCEITUAL PARA A VIDA PRÁTICA DOS GESTORES BASEADO EM RETORNO SOBRE INVESTIMENTOS E BAIXA IMOBILIZAÇÃO DE ATIVOS¹

Augusto dos Santos Moura Júnior²
Sylvio Leal Barbosa³

Resumo

O objetivo principal deste trabalho é sustentar a aplicabilidade dos sistemas de otimização nas áreas industriais através da visão do retorno sobre investimentos, ROI, e assim contribuir, tanto com os especialistas técnicos como com os gestores e analistas de investimentos, com a fomentação, esclarecimento e consolidação da base de conhecimento necessária para a correta discussão sobre o tema. A argumentação sustenta-se no cenário econômico e industrial criado pela atual demanda por aumento da produção e redução dos custos, bem como nas taxas de juros e custo de oportunidade e na pressão da concorrência decorrente da globalização da economia. A metodologia utilizada estabeleceu o desenvolvimento do trabalho em três etapas, sendo estas respectivamente: conceituação dos sistemas de otimização, identificação dos critérios de análise de investimentos pertinentes e proposição da hipótese de que os sistemas de otimização são financeiramente justificados pela avaliação através do ROI. Além da descrição dos conceitos necessários para o entendimento da argumentação, são apresentadas as correspondentes formulações matemáticas com o intuito exclusivo de viabilizar a implementação prática da hipótese proposta. Como conclusão, destaca-se a indicação da viabilidade da adoção de projetos de otimização, dado o atrativo ROI determinado pelos ganhos associados à produtividade, qualidade, flexibilidade e alinhamento com as diretrizes estratégicas da empresa e custos resultantes da baixa imobilização de capital em ativos fixos.

Palavras-chave: otimização, análise de investimentos, retorno sobre investimentos, economia.

¹ IX Seminário de Automação de Processos, 05 a 07 de outubro de 2005, Curitiba, Paraná.

² Augusto dos Santos Moura Júnior é formado em Engenharia Elétrica com Mestrado em Inteligência Artificial aplicada à área financeira e Doutorando em Sistemas de Otimização pela UFMG.

³ Sylvio Leal Barbosa é formado em Engenharia Elétrica pela PUC-MG e com MBA pela RSM Erasmus University, Holanda.

Conceituação dos Sistemas de Otimização

Na língua portuguesa, otimizar significa “tirar o máximo partido de; obter o melhor resultado de; tornar ótimo; planejar ou desenvolver com o máximo de eficiência” (1). Analogamente, no contexto da engenharia, os sistemas de otimização se destinam a empregar técnicas e métodos para determinar a melhor solução de problemas abstratos, para os quais seja exequível quantificar o grau de adequação de cada possível solução às necessidades que os causaram (2).

O uso cotidiano do termo otimizar acabou por confundi-lo com o sentido de melhorar. Certamente a otimização conduz a uma inequívoca melhora, já que a solução ótima é melhor no sentido superlativo, ou seja, melhor que todas as demais soluções. Todavia a recíproca, via de regra, não é verdadeira.

Esta discussão faz-se necessária para o correto entendimento do termo “Sistemas de Otimização”, o qual está sempre associado à busca e obtenção da melhor solução, entre todas as possíveis, para um determinado problema. Qualquer mecanismo que melhore uma solução, mas não obtenha a melhor, não deve ser caracterizado como um “Sistema de Otimização”⁴.

O desenvolvimento de um sistema⁵ que pretenda gerar uma solução ótima está intimamente relacionado com a qualidade e verossimilhança da representação a ser realizada para o problema. As características de um problema, que ocorre no mundo real, deverão ser traduzidas para um mundo matemático, no qual a teoria de otimização será implementada, usualmente na forma de um algoritmo. Esta representação do problema no ambiente matemático é denominada por modelo do problema⁶, ou simplesmente modelo. A existência, portanto, de um modelo não caracteriza a obtenção de uma solução ótima, sendo apenas um pré-requisito para a implementação do sistema que a obterá. Concomitantemente, um algoritmo de otimização será capaz de obter apenas a melhor solução para o modelo representado, portanto, quanto pior o modelo, maior o erro entre a solução ótima obtida e a solução ótima real do problema. Por outro prisma, um modelo que pretenda descrever fidedignamente um problema muito complexo poderá inviabilizar, por tempo ou custo, a obtenção de um “Sistema de Otimização” capaz de resultar uma solução ótima. Na maioria dos casos práticos a formalização de um modelo, determinístico⁷ ou probabilístico⁸ (3), para o problema já está consolidada por teorias bem estabelecidas (4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 e 11) e não será objeto deste trabalho.

Supondo a existência de um único objetivo a ser considerado, um conceito a ser estabelecido em otimização diz respeito à quantização da adequação de uma solução ao problema em questão. Cada possível solução para um problema, de n parâmetros, é simbolizada por um vetor \mathbf{x} ⁹. A quantização é usualmente associada ao objetivo do projeto (2) ou, em outras palavras, a uma função matemática que expressa esta adequação, usualmente denominada de função objetivo (12) e aqui representada por

⁴ Entende-se, neste caso, o uso do termo “a melhor solução” com sendo a melhor solução prática, no lugar da solução teórica ótima.

⁵ Conjunto de princípios reunidos de modo a que formem um corpo de doutrina; combinação de partes coordenadas entre si e que concorrem para um resultado ou para formarem um conjunto (1);

⁶ Na área de mineração e metalurgia o termo mais utilizado é “modelo matemático”.

⁷ Modelos que especificam exatamente o comportamento de um experimento.

⁸ Modelos que buscam descrever experimentos randômicos ou com variações imprevisíveis.

⁹ A solução \mathbf{x} simboliza os parâmetros variáveis do modelo que representa o problema.

$f(x)$. Conseqüentemente alcançar a solução ótima, x^* , para um problema, significa encontrar matematicamente dentre os diversos valores de x aquele que minimiza¹⁰ o resultado da função objetivo, tal como indicado na equação 1.

$$x^* = \arg \min_x f(x) \mid x \in R^n \quad \text{Eq. 1}$$

Esta formulação onde não existem limites para as variações dos parâmetros, representados por x , caracteriza os problemas de “Otimização Irrestrita”. Entretanto, na prática os parâmetros estão sempre sujeitos a limitações físicas, tecnológicas ou financeiras. Para representar estas restrições das soluções, definem-se equações de desigualdades matemáticas, representadas por $r(x)$, ou de igualdades, representadas por $h(x)$, que delimitam o espaço onde a solução ótima deve estar contida. Este espaço usualmente é denominado de região factível (2).

Um problema no qual se deseja encontrar o mínimo da função objetivo $f(x)$, mas cujo vetor de parâmetros x , está sujeito à região factível definida, pelas “ g ” restrições de desigualdade $r(x)$ e pelas “ p ” restrições de igualdade $h(x)$, é definido pela equação 2 e caracteriza os problemas de “Otimização Restrita”.

$$x^* = \arg \min_x f(x) \mid x \in \Omega \quad \text{Eq. 2}$$

$$\Omega = \{x \in R^n \mid (r_i(x) \leq 0, \forall i = 1, \Lambda, g) \text{ e } (h_i(x) = 0, \forall i = 1, \Lambda, p)\}$$

A caracterização dos problemas de otimização não está associada apenas à existência ou não de restrição, mas também às características¹¹ da função objetivo e das restrições. Historicamente, definem-se as funções no contexto da otimização em dois grandes grupos. O primeiro diz respeito às funções lineares expressas como:

$$f(x) = c_1x_1 + c_2x_2 + \Lambda + c_nx_n + d \mid x \in R^n \quad \text{Eq. 3}$$

Onde, $c^T = [c_1 \ c_2 \dots \ c_n]$ representa um vetor de constantes e d é uma constante.

Quando todas as funções envolvidas são lineares caracteriza-se a “Otimização Linear”, também conhecida por “Programação Linear” (12, 13, 14 e 15), podendo esta ser irrestrita ou restrita. O problema padrão para a “Otimização Linear” é expresso pela equação 4.

$$x^* = \arg \min_x c^T x \mid x \in \Omega \quad \text{Eq. 4}$$

$$\Omega = \{x \in R^n \mid (Ax = b) \text{ e } (x_i = 0, \forall i = 1, \Lambda, n)\}$$

O segundo grupo diz respeito a funções não lineares de qualquer natureza, não havendo uma representação especial deste problema que se diferencie das já apresentadas nas equações 1, para os casos irrestritos, e 2, para os casos restritos.

Para concluir este conceito, pode-se extrapolar a pressuposição, inicialmente definida, de que o problema possui apenas um objetivo associado. Assim ter-se-á não apenas uma função objetivo, mas um conjunto de funções objetivos. A representação deste conjunto será realizada por um vetor $F(x)$, tal como indicado na equação 5 para “ m ”

¹⁰ Em muitos casos o objetivo da otimização pode significar maximizar a função objetivo $f(x)$. Todavia, como maximizar $f(x)$ equivale a minimizar $-f(x)$ este trabalho sempre considerará a otimização associada à minimização.

¹¹ Neste contexto o termo características está associado à classe matemática das funções.

funções. Os problemas onde existem apenas uma função objetivo caracterizam a “Otimização Mono-objetivo”, enquanto os casos que contenham mais de uma função caracterizam a “Otimização Vetorial” (16, 17 e 18).

$$F(x) = [f_1(x) \ f_2(x) \ \Lambda \ f_m(x)] \quad \text{Eq. 5}$$

Como consequência da existência de um vetor de função F , não haverá apenas uma solução ótima para o problema mas um conjunto de soluções ótimas, dado que em diversos casos não se poderá afirmar que uma possível solução x^A produzirá um resultado melhor do que outra x^B para todas as funções objetivos. Este conjunto de soluções ótimas é denominado como “Conjunto Pareto” ou “Pareto Ótimo” (19).

O quadro 1 exhibe um resumo da classificação dos problemas de otimização quanto à adequação da solução ao problema proposto.

Número de objetivos	Classe da função objetivo	Restrições dos parâmetros
Mono-objetivo	Linear	Irrestrito
Vetorial	Não linear	Restrito

Quadro 1 – Classificação dos Problemas de Otimização

Outro conceito importante diz respeito à capacidade de uma teoria de otimização, implementada através de um algoritmo, ser aplicável para a obtenção da solução do problema. Encontrar um algoritmo que seja aplicável e eficiente a todas as classes de problemas é um desejo ainda longe de ser alcançado (20). Desta feita, diferentes teorias foram desenvolvidas para serem aplicadas a problemas específicos.

Uma abordagem simplificada, pode dividir as teorias em três grandes classes. Na classe associada aos problemas lineares e mono-objetivo, ressaltam-se os métodos “Simplex” (12 e 13) e “Pontos Interiores” (21 e 22). Na classe associada aos problemas não lineares e mono-objetivo, restritos ou irrestritos, ressaltam-se os métodos de “Direção de Busca” e “Exclusão de Semi-espacos” (2, 3 e 23) para as funções mono-modais¹² e os métodos de “População” (2 e 24) para as funções multi-modais¹³. Por fim, na classe associada a problemas de otimização vetorial destacam-se os métodos “ $P\lambda$ ”, “ $P\epsilon$ ”, “ $P\xi$ ”, “ P_{KTE} ” e “ P^* ” (2 e 19).

Como abordagem final para a conceituação básica dos “Sistemas de Otimização”, tem-se a possibilidade de se integrar os sistemas aos problemas reais de forma “off-line” ou “on-line”. Em ambos os casos existem os elementos já definidos: modelo do problema, cálculo dos objetivos a serem otimizados e algoritmo de otimização.

Na integração “off-line” o “Sistema de Otimização” não possui qualquer conexão com o problema real, sendo normalmente utilizado como ferramenta de auxílio à solução de problemas ou projetos assistidos por computador. Neste caso, cabe a um projetista a tarefa de associar a solução ótima determinada pelo sistema ao processo de solução do problema real em questão. Um diagrama da integração “off-line” é exibido na figura 1.

Já na integração “on-line” o “Sistema de Otimização” está diretamente conectado a um processo produtivo, com ou sem a interferência humana, através de um sistema de controle¹⁴. Neste caso a solução ótima será utilizada para determinar a região de

¹² Possuem um único mínimo global associado às funções.

¹³ Apresentam mínimos locais e globais associados às funções.

¹⁴ Os resultados do reais do processo são fortemente dependentes do sistema de controle.

operação mais eficiente para o processo, tendo por referência os objetivos pré-determinados. É comum, nestes sistemas, que um operador especializado no processo substitua a figura do projetista, bem como a inclusão de um processo de validação do modelo, dada a disponibilidade de dados reais de processo e dados resultantes do modelo. Um diagrama da integração “on-line” é exibido na figura 2.

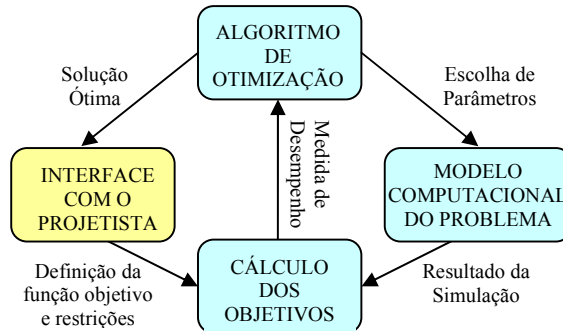


Fig.1 – Diagrama da Integração Off-line de um Sistema de Otimização
 Fonte: Adaptado de TAKAHASHI, R. **Otimização escalar e vetorial**. Belo Horizonte: UFMG, Departamento de Matemática, Curso de verão, 2003.

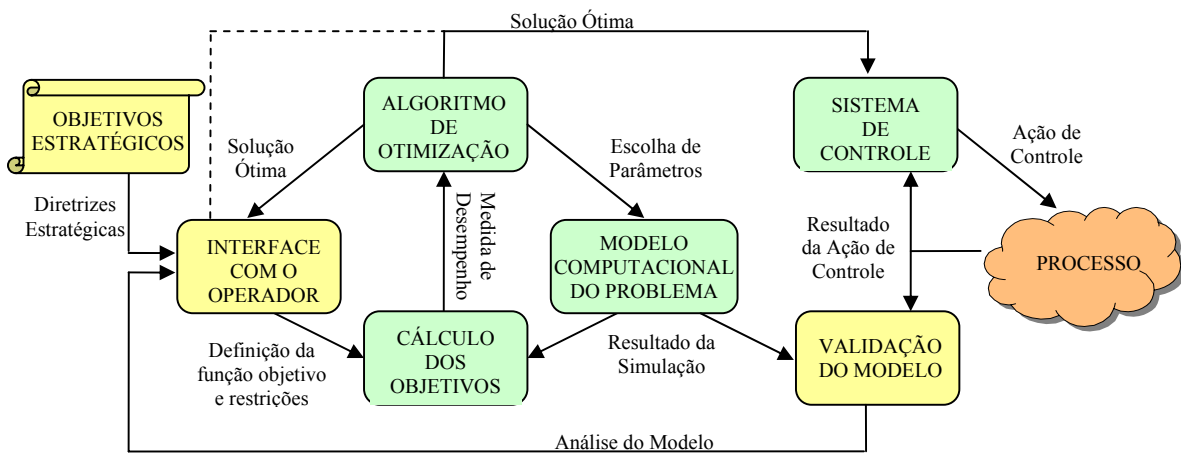


Fig.2 – Diagrama da Integração On-line de um Sistema de Otimização
 Fonte: Adaptado de TAKAHASHI, R. **Otimização escalar e vetorial**. Belo Horizonte: UFMG, Departamento de Matemática, Curso de verão, 2003.

Introdução à Análise de Investimentos

Fazer um investimento segundo Galesne, Fenterseifer e Lamb (25): “[...] consiste, para uma empresa, em comprometer capital, sob diversas formas, de modo durável, na esperança de manter ou melhorar sua situação econômica”. Por conseguinte, investimentos ao longo de todo o empreendimento.

Proposto por DuPont¹⁵, o conceito ROI passou a ser adotado na engenharia para identificação de projetos de valor potencial para as empresas (26). No Brasil, a exposição à concorrência mundial, a partir da década de 90, exigiu dos empresários e

¹⁵ Proposto inicialmente para o controle de gerentes do nível intermediário.

analistas de negócios um maior conhecimento das técnicas de análise sobre seleção de investimentos, retorno do capital investido e custos envolvidos (25).

Uma forma de classificar os métodos de análise e priorização de projetos, os divide em: métodos financeiros tradicionais, métodos de pontuação ou ordenamento e métodos cognitivos (27)¹⁶.

Os métodos de análise de investimentos tradicionais são amplamente difundidos nas empresas por sua simplicidade de cálculo e seleção das oportunidades por aspectos puramente financeiros. Baseiam-se principalmente nos conceitos de fluxo de caixa descontados e tempo de retorno de capital (25 e 26) para gerar seus indicadores. Para tanto, consideram uma taxa de desconto “*i*” que representa a rentabilidade mínima exigida para um projeto, também conhecida por taxa mínima de atratividade, TMA, correspondente ao custo de oportunidade¹⁷.

O método do “Valor Presente Líquido”, VPL, representa a diferença entre o valor presente das entradas líquidas e o custo do investimento, descontados pela taxa “*i*” definida pela empresa (25, 27 e 28). A seleção do investimento condiciona-se a um VPL positivo. A fórmula para o cálculo do VPL_{*i*} considerando-se as entradas de caixa esperadas *r*, os custos *c*, a vida útil do projeto *T*, o valor residual do projeto após a vida útil *s*, e o investimento inicial *I*₀ é apresentada na equação 6.

$$VPL_i = \sum_{t=1}^T \frac{r_t - c_t}{(1+i)^t} + \frac{s_T}{(1+i)^T} - I_0 \quad \text{Eq. 6}$$

O “Índice de Lucratividade”, IL, ou “Índice Benefício/Custo”, IBC, são métodos derivados do VPL por se tratarem da razão entre o fluxo esperado de benefícios de um projeto e o investimento inicial necessário para realizá-lo (25 e 28). Como consequência direta, um valor destes índices superior a um caracteriza o critério de seleção. A equação 7 formula esta proposição.

$$IL_i = \frac{\sum_{t=1}^T \frac{r_t - c_t}{(1+i)^t} + \frac{s_T}{(1+i)^T}}{I_0} \quad \text{Eq. 7}$$

A utilização da “Taxa Interna de Retorno”, TIR, como método de avaliação consiste em determinar qual o valor para a taxa de desconto que implicará na obtenção de um VPL nulo, ou seja, tornará o fluxo de caixa zero (25 e 28). A obtenção de uma TIR superior à TMA definida, determinará a viabilidade do projeto. A equação 8 representa o cálculo da TIR.

$$\sum_{t=1}^T \frac{r_t - c_t}{(1+TIR)^t} + \frac{s_T}{(1+TIR)^T} = I_0 \quad \text{Eq. 8}$$

O “Período de Recuperação do Investimento”, PRI, ou Payback parte da premissa de que um projeto é interessante proporcionalmente ao tempo em que o capital investido é recuperado. O método PRI calcula o tempo de recuperação, desconsiderando-se os fluxos de caixa além deste período. Por este motivo é muitas vezes considerado um critério ruim de análise (29).

Para os métodos de pontuação ou ordenamento, os projetos em análise são submetidos a um conjunto de critérios, mutuamente exclusivos, não restritos à aspectos

¹⁶ Este trabalho dará ênfase aos métodos financeiros tradicionais.

¹⁷ O custo de oportunidade representa o retorno que poderia ser obtido em outro investimento disponível no mercado de risco semelhante.

econômicos para que seja determinada a correspondente classificação. Assim, o processo será fortemente dependente da análise subjetiva dos especialistas envolvidos (30).

Nos modelos cognitivos o processo de decisão da empresa é avaliado de forma global, presumindo-se a existência de um comportamento racional e recorrente. A simulação é utilizada como ferramenta de composição da melhor carteira de projetos (30) e da avaliação de diversos cenários de riscos, permitindo-se a identificação das variáveis preponderantes para as receitas e custos futuros (31 e 32).

Proposição da Hipótese da Adoção dos Sistemas de Otimização pelo ROI

A economia brasileira vem consolidando nos últimos anos uma tendência de crescimento¹⁸ (33), incluindo registros positivos de superávits primários¹⁹ (35) e crescimento do produto interno bruto²⁰ (34), PIB, embora esta tendência esteja sujeita a variações sazonais²¹ (34). Simultaneamente a estes indicadores, diversos problemas persistem, tais como a inflação²² e uma política econômica que não incentiva os investimentos em produção²³(34). A cotação do Dólar, que se desvaloriza frente ao Euro e Yen no mercado internacional, continua com subvalorização excessiva perante o Real em virtude, principalmente, do fluxo de entrada de capital especulativo. Somam-se a este contexto, uma carga tributária colossal (36)²⁴, e a concorrência do mercado globalizado com a participação mais efetiva de novos países, como a China.

Se por um lado a visão macroeconômica da tendência de crescimento cria uma pressão de aumento de produção na indústria, por outro lado, as flutuações de demanda, o custo de oportunidade atual e possibilidades de reflexos das disputas políticas²⁵ na economia aumentam as incertezas dos mercados específicos quanto à demanda e retornos futuros.

Uma vez que, tanto a análise de investimentos quanto análise de substituição de equipamentos (28) consideram como premissa a determinação de uma TMA, previsões de receitas e despesas futuras, avaliação do tempo de vida útil do projeto e valor dos ativos imobilizados após a sua vida útil, verifica-se que a correta geração do fluxo de caixa e valores presentes dos investimentos é repleta de riscos e imprecisões. Ressalta-se ainda que os fatores de risco e incerteza são ainda consideravelmente influenciados pela duração do tempo de avaliação do investimento.

Perante este cenário, a proposição “Os Sistemas de Otimização são justificados pela avaliação do ROI” torna-se compreensível. O menor volume de investimentos,

¹⁸ Em 2004 passou da 15ª para a 12ª posição no ranking das maiores economias mundiais.

¹⁹ De janeiro a abril de 2005, o superávit do setor público registrou 7,26% do PIB, para uma meta anual oficial de 4,25% do PIB.

²⁰ Considerando uma recuperação da atividade econômica no segundo semestre de 2005, a expectativa de crescimento do PIB, para o ano, projeta valores da ordem de 3,5 a 4%.

²¹ Como exemplo, o PIB apresentou crescimento de apenas 0,3% no primeiro trimestre de 2005.

²² Apresenta poucas tendências positivas para o cumprimento da meta do governo de 5,1% para 2005.

²³ A austera posição do Conselho de Política Monetária, COPOM, em relação às perspectivas de inflação, vem sendo refletida nos nove sucessivos aumentos da taxa selic resultando nos atuais 19,75%.

²⁴ Correspondente a 41,6% do PIB em apuração de junho de 2005.

²⁵ Eventos políticos, tais como troca de ministros ou cargos do segundo escalão do governo podem causar efeitos imediatos na confiança dos mercados financeiros nacionais e internacionais, enquanto disputas políticas como o atual trancamento da pauta de votação da câmara ou priorização das ações do governo para agenda das eleições podem repercutir nos indicadores futuros da economia.

determinado pela baixa imobilização de capital em ativos, permite um maior IL, um menor PRI e uma menor necessidade de fluxo de recebimentos para a obtenção de um VPL atrativo, aumento de produtividade sem geração de ociosidade futura, bem como o aproveitamento das oportunidades de investimento financeiro mesmo com o atendimento do aumento da demanda²⁶. Analogamente, o menor horizonte de previsão conduz a uma maior probabilidade de acerto na determinação da TMA e, por consequência, menor incerteza sobre os valores calculados. A implementação do projeto também pode ser realizada em duas etapas, conforme figuras 1 e 2, permitindo uma reavaliação do investimento entre as fases de integração “off-line” e “on-line” do sistema. Conseqüentemente, a necessidade de elaboração de cenários, com diferentes avaliações de risco²⁷, também é reduzida.

Como fatores secundários, devem ainda ser citadas: a redução da obsolescência por fator tecnológico, dado que os “Sistemas de Otimização” usualmente acrescentam tecnologia ao processo produtivo, a maior flexibilização do processo produtivo, uma vez que a inclusão de uma função objetivo passível de alteração permitirá a ênfase da operação do processo em diferentes aspectos, tais como minimização do custo, maximização da produção, redução da variância ou melhoria da qualidade.

Conclusões

As técnicas de análise de investimentos são susceptíveis à diversos fatores de risco e incertezas, os quais, muitas vezes, não se encontram explicitamente exibidos nos indicadores calculados. A participação humana é imprescindível para avaliar o alinhamento das decisões, sobre quais projetos se deve investir, quanto à estratégia e objetivos da empresa. Embora o histórico de bons resultados com investimentos em projetos que incluíam alta imobilização de ativos deva ser considerado na análise de novos investimentos, a tendência por favorecer esta linha de projetos pode privar a empresa de melhores oportunidades. Neste âmbito, que ainda é potencializado pelo cenário econômico, a opção de investimento em “Sistemas de Otimização” constitui uma opção não apenas factível mas justificada, quando a análise do retorno sobre investimentos é realizada sobre todos os aspectos de ganho envolvidos.

Referências bibliográficas

- 1 PRIBERAM. O Dicionário da Língua Portuguesa On-Line. **DLPO**. Disponível em: <<http://www.priberam.pt/dlpo>>. Acesso em: 20 maio 2005.
- 2 TAKAHASHI, R. **Otimização escalar e vetorial**. Belo Horizonte: UFMG, Departamento de Matemática, Curso de verão, 2003.
- 3 GARCIA, A. L. **Probability and Random Process for Electrical Engineering**. Massachusetts: Addison-Wesley Publishing Company Addison-Wesley, 1989.
- 4 HARTMAN, H. L. ; Mutmansky, J. M. **Introductory Mining Engineering**. New Jersey: John Wiley & Sons, second edition 2002.
- 5 REED-HILL/ABBASCHIAN, R.E. ; ABBASCHIAN, R. **Physical Metallurgy Principles (The Pws-Kent Series in Engineering)**. New Jersey: Thomson-Engineering, third edition 1991.

²⁶ Ressalva-se que a argumentação não inclui o cenário de grandes exigências de aumento de demanda.

²⁷ Um dos grandes problemas na seleção de investimentos ocorre quando os cenários de risco para uma perspectiva otimista e pessimista se distanciam a ponto de inviabilizar a sua comparação.

- 6 VERHOEVEN , J. D. **Fundamentals of Physical Metallurgy**. New Jersey: John Wiley & Sons, 1975.
- 7 KOU, S. **Welding Metallurgy**. New Jersey: John Wiley & Sons, 2003.
- 8 CAMINHAS, W. M. ; PEREIRA, G. A.T. ; TAVARES, F. A. C. Identificação de Sistemas Dinâmicos: Abordagem Baseada em Neurônio Nebuloso. **Anais... Brasil: V Simpósio Brasileiro de Redes Neurais**, 1998.
- 9 T. YAMAKAWA. A Neo Fuzzy Neuron and its Applications to System Identification and Prediction of Chaotic Behaviour, **IEEE**, 1994.
- 10 NARENDRA, K. S.; PARTHASARATHY, K. Identification and Control of Dynamical Systems using Neural Networks, **IEEE Transaction and Neural Networks**, v.1, p.4-27, 1990.
- 11 BRAGA, A. P., LEON, A. P.; LUDERMIR, T. B. **Fundamentos de Redes Neurais Artificiais**. Rio de Janeiro: UFRJ-11a Escola de Computação, 1998
- 12 LUENBERG, D. G. **Linear and Nonlinear Programming**. 2nd ed Massachusetts: Addison-Wesley Publishing Company, 1894.
- 13 DANTZIG, G. B. Linear Programming. **Operations Research**, v.50, n.1, p.42, 2002.
- 14 SIMMONS, D. **Linear Programming for Operations Research**. New Jersey: Prentice Hall, 1972
- 15 BRADLEY, S., A. HAX; T.MAGNATI. **Applied mathematical Programming**. Massachusetts: Addison-Wesley Publishing Company Addison-Wesley, 1977.
- 16 ADAN, M.; NOVO, V. Efficient and weak efficient points in vector optimization with generalized cone convexity, **Applied Mathematics Letters**, v.16, p. 221-225, 2003.
- 17 BENSON, H. P. Optimization over the efficient set, **Journal of Mathematical Analysis and Applications**, v.98, p.562-580, 1984.
- 18 CHANKONG, V.; HAIMES, Y. Y. On the characterization of noninferior solutions of the vector optimization problem, **Automatica**, v.18, n.6, p.697-707, 1982.
- 19 EHRGOTT, M. **Multicriteria Optimization**. Berlin: Springer-Verlag, 2000.
- 20 HO, Y. C.; PEPYNE, D. L. Simple explanation of the no-free-launch theorem and its applications, **Journal of Optimization Theory and Applications**, v.115, n.3, p.549-570, 2002.
- 21 KARMARKAR, N. A New Polynomial-Time Algorithm for Linear Programming. **Combinatorica**, v.4, p.373-395, 1984.
- 22 VANNELLI, A. Teaching Large-Scale Optimization by an Interior Point Approach, **IEEE Transactions on Education**, v.36, n.1, p.204-209, 1991.
- 23 BLAND, R. G., GOLDFARB, D.; TODD, M. J. The Ellipsoid Method: a Survey, **Operations Research**, v.29, n.6, p.1039-1091, 1981.
- 24 GOLDBERG, D. E. **Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning**. Massachusetts: Addison-Wesley Publishing Company Addison-Wesley, 1989.
- 25 GALESNE., A., FENSTERSEIFER, J. E.; LAMB, R. **Decisões de Investimentos da Empresa**. São Paulo: Atlas, 1999.
- 26 JOHNSON, H.; KAPLAN, R. **Relevance Lost: the Rise and Fall of Management Account**. Cambridge: Harvard Business School Press, 1987.
- 27 MARTINO, J. P. **Research and development project selection**. New York: John Wiley & Sons, 1995.

- 28 SOUZA, A. ; Clemente, A. Decisões Financeiras e Análise de Investimentos. São Paulo: Atlas, 1997.
- 29 BREALEY, R. A.; Myers, S. C. **Principles of Corporate Finance**. 7th ed. New York: McGraw-Hill/Irwin, 2003.
- 30 AZEVEDO, P. B. M.; YU, A. S. O. Análise de Investimentos em Tecnologia: a experiência da Divisão de Economia e Engenharia de Sistemas do Instituto de Pesquisas Tecnológicas. **Revista de Administração**, v.35, n.4, p.103-118, 2000.
- 31 Hertz, D. B. Risk Analysis in Capital Investment. **Harvard Business Review**, v.42, n.1, p.95-106 1964.
- 32 Hertz, D. B. Investment Policies that Pay-off. **Harvard Business Review**, v.4, n.1, p.96-108, 1968.
- 33 FOLHA ON-LINE. Brasil sobe para 12º no ranking das maiores economias mundiais. **FOLHA ON-LINE**. Disponível em: <http://www1.folha.uol.com.br/folha/dinheiro/ult91u94930.shtml> . Acesso em: 31 de março 2005.
- 34 AGÊNCIA EFE. Economia brasileira cresceu 2,9% no primeiro trimestre do ano. **UOL ECONOMIA**. Disponível em: <http://noticias.uol.com.br/ultnot/2005/05/31/ult1767u41755.jhtm> . Acesso em: 31 de maio 2005.
- 35 KENNEDY ALENCAR. Lula, de novo, espera fim de alta de juros. **Folha de São Paulo**. Disponível em: <http://www1.folha.uol.com.br/folha/dinheiro/ult91u96959.shtml> . Acesso em: 04 de junho 2005.
- 36 AGÊNCIA EFE. Carga tributária equivale a 41,6% do PIB brasileiro. **UOL Últimas Notícias**. Disponível em: <http://noticias.uol.com.br/ultnot/2005/06/01/ult1767u41930.jhtm> . Acesso em: 01 de junho 2005.
- 37 BLEINROTH, C. E. Expansão da Capacidade Produtiva só se Justifica Quando a Produtividade Alcançou o seu Nível Ótimo. **Metalurgia e Minerais**, v.554, n.61, p.174, 2005.

Abstract

The aim of this work is to sustain the applicability of the Optimization Systems in the industrial areas through the vision of the return on investment, ROI, and also contribute, with the technical experts, managers and analysts of investments, for fomenting, clearing and consolidating the necessary knowledge base to establish the correct discussion about this theme. The argument is sustained by the economic and industrial scenery, created by the increase of demand; necessity of production costs reduction; exorbitant interest rates and opportunity cost, as well by the global competition pressure. The methodology adopted, established the development of the work in three stages: basic concepts of Optimization Systems, identification of the pertinent criteria used on investment analyze and proposition of the hypothesis: "Optimization Systems are justified by ROI". Conclusions stand out the adoption of Optimization Systems, since the ROI 's attractiveness can be determined by the relationship among the obtained gains, of production, quality, flexibility and strategic alignment , associated to the corresponding invested capital in fixed assets for its implementation.

Key-Words: optimization, investment analyze, return on investment – ROI, economy.